$\qquad$類組別 $\qquad$ A2 A3 A4 A5 026

## 甲，逪捍题：共 8 题，每题 6 分，共 48 分•靖用大宁字母 A，B，C，D 或 E 答

题，並將答案依题號顺序嵩在答案卷上。皆样選。1．Use the fact that $\lim _{\theta \rightarrow 0} \frac{\sin \theta}{\theta}=1$ to find the value of $\lim _{x \rightarrow 0} \frac{2 x}{\tan 7 x}$ ．
（A）$\infty$
（B） 0
（C） 1
（D）$\frac{2}{7}$
（E）$\frac{7}{2}$

2．For what values of $a, m$, and $b$ does the function $f(x)= \begin{cases}3, & x=0 \\ -x^{2}+3 x+a, & 0<x<1 \\ m x+b, & 1 \leq x \leq 2\end{cases}$ satisfy the hypotheses of the Mean Value Theorem on the interval $[0,2]$ ？
（A）$a=3, m=1, b=4$
（B）$a=3, m=2, b=3$
（C）$a=3, m=4, b=1$
（D）$a=2, m=1, b=3$
（E）None of the above

3．Define $f(x)=\left\{\begin{array}{ll}\frac{1-\cos x}{x}, & \text { if } x \neq 0 \\ 0, & \text { if } x=0\end{array}\right.$ ．Find $f^{\prime}(0)$
（A）Does not exist
（B） 1
（C） 2
（D）$\frac{1}{2}$
（E） 0

4．Assume $x=2 \tan t, y=\sec ^{2} t-1$ ．Find an equation for the line tangent to the curve at the point where $t=\frac{\pi}{4}$ ．
（A）$y=-x-1$
（B）$y=-x+1$
（C）$y=x$
（D）$y=x+1$
（E）$y=x-1$

5．Find the limit： $\lim _{x \rightarrow \infty} \frac{1}{x \ln x} \int_{1}^{x} \ln t d t$
（A）$\infty$
（B）$-\infty$
（C）-1
（D） 0
（E） 1

6．Find the limit： $\lim _{(x, y) \rightarrow(0,0)} \frac{x y^{2}}{x^{2}+y^{2}}$ ．
（A） 1
（B）$\frac{1}{2}$
（C） 0
（D） 2
（E）Does not exist

7．Find the line integral of $\mathbf{F}=\left\langle 2 x y z, x^{2} z, x^{2} y\right\rangle$ over any path from $(0,0,0)$ to $(1,2,3)$ ？
（A） 6
（B） 9
（C） 12
（D） 18
（E）None of the above

8 Find the surface area of the portion $S$ of the cone $z^{2}=x^{2}+y^{2}$ ，where $z \geq 0$ ，contained within the cylinder $y^{2}+z^{2} \leq 1$ ．
（A） 0
（B）$\pi$
（C）$-\pi$
（D） $2 \pi$
（E）$-2 \pi$共2頁 第 2 頁
＊請在試巻，答案卡内作答

己，填充题：共 4 题，每题 8 分，共 32 分。靖靕答案依题號順序軍在答案卷上，不必窊演算過程。

1．Evaluate the indefinite integral $\int \frac{1}{1+e^{x}} d x$ ．
Answer ： $\qquad$
2．Find the points on the graph of $z=3 x^{2}-4 y^{2}$ at which the vector $\mathrm{n}=\langle 3,2,2\rangle$ is normal to the tangent plane．
Answer ： $\qquad$
3．What is the value of the double integral $\int_{0}^{4} \int_{\sqrt{y}}^{2} \sqrt{x^{3}+1} d x d y$ ？
Answer ： $\qquad$
4．What is the largest value that the directional derivative of $f(x, y, z)=x y z$ can have at the point $(1,1,1)$ ？
Answer ： $\qquad$

丙，郆算，證明题：共 2 大题，每大题 10 分•共 20 分•須詳钿恖出推埨與演算過程，否則不予計分。

1．（a）Determine if the series $\sum_{n=1}^{\infty}(-1)^{n} \cos \frac{1}{n}$ converges or diverges？（5 分）
（b）Determine if the improper integral $\int_{0}^{1} \frac{d x}{x-\sin x}$ converges or diverges？（5 分）

2．Find the maximum area of a rectangle inscribed in the ellipse $\frac{x^{2}}{9}+\frac{y^{2}}{25}=1$ ．（10 分）

